

```
% exp2_1.m --- 学习非线性方程  $f(x) = 0$  数值求根命令 fzero
% [调用]       $X = \text{fzero}(\text{FUN}, X0)$ , FUN 是函数,求  $X0$  附近的根
%            或  $X = \text{fzero}(\text{FUN}, [a\ b])$ , 求  $[a, b]$  之间的根,这时 FUN(a) 与 FUN(b) 符号必
%            须相反
% [注] 该命令集二分法, 割线法, 逆二次内插法于一体,
%      该命令只适用于奇重根,即在根的附近左右函数值反号
```

```
function study_fzero
```

```
% example1:求  $\sin(x)$ 在 3 附近的根
X1 = fzero(@sin,3)
```

```
% example2: 求  $f1$  在 $[0,1]$ 之间的根, 其中  $f1$  是用内联方式定义的函数
f1 = inline('cos(x)-x');
X2 = fzero(f1,[0 1])
```

```
% example3: 求  $f2 = x - \exp(-x) = 0$  的根
%          首先通过作图估计根的大致位置(近似值)
```

```
f2 = inline('x-exp(-x)'); % 定义函数
x = linspace(0,1,101);    % 采样: 把  $[0,1]$  100 等分,x 为 101 维的行向量
y = f2(x);                % 计算  $f2$  的函数值,其维数同  $x$ 
plot(x,y,'r')            % 作图(就是把各个点连起来),颜色红色
grid on                   % 显示坐标刻度网格
title('f(x) = x - e^{-x} = 0 的根') % 加标题
text(0.3,0,'根的大致位置\rightarrow') % 加文字说明
% 通过作图知道在 $[0.5,0.6]$ 之间有一个根
```

```
%          再调用 fzero 命令求更精确的近似值,参见 P23 例 6
X3 = fzero(f2,[0.5 0.6])
```

```
% ***** 你的实验 *****
```

```
% ★【实验一】 割线法( 见 P24 (2-13)式 )
% [方法] 设  $a, b$  为迭代初值,求两点 $(a, f(a))$  与  $(b, f(b))$  的连线(割线)与  $x$  轴的交点记为  $c$ 
%          再把迭代初值换成  $b, c$ ,重复计算.
% [要求] 把下面程序复制为新的 M-文件,去掉开头的 %
%          再把 '?' 部分改写正确就是一个完整的程序,找前面一个例子试算
```

```
% function mysecant
% f = inline('?');
```

```

% a = ?; b = ?;
% delta = ?; epsilon = ?; max1 = ?;
% [c,err,iter,yc] = secant(f,a,b,delta,epsilon,max1)
%
%% -----
% function [c,err,iter,yc] = secant(f,a,b,delta,epsilon,max1)
%% [c,err,iter,yc] = secant(f,a,b,delta,epsilon,max1)
%% 输入: f 连续函数
%%      a,b 迭代初值
%%      delta,epsilon 容差
%%      max1 最大迭代次数
%% 输出: c 近似根
%%      err 误差
%%      iter 迭代次数
%%      yc = f(c)
%
% for k = 1:max1
%     ya = feval(f,a);          % ya = f(a)
%     yb = feval(f,b);
%     c = ?;                    % 割线与 x 轴交点的横坐标
%
%     err = abs(c-b);           % 相邻两次迭代的误差
%     relerr = err/(abs(c)+eps); % 相对误差,eps 是 matlab 常数(机器精度)约为 1e-16
%                               % 为什么分母要加上一个小常数?
%
%     yc = feval(f,c);
%
%     if (err<delta) | (relerr<delta) | (abs(yc)<epsilon) % '|'是'或'
%         break
%     end
%
%     a = ?;
%     b = ?;
% end
% iter = ?;
%% -----

```

% 【实验二】 绘制的隐函数的图像

% [方法] 众所周知,隐函数一般是不能用显式方式表示的,故确定隐函数的大致图像是非常重要的.

% 对于方程  $F(x,y) = 0$  如果固定  $x$  就是一个关于  $y$  的非线性方程,我们可以通过求根的方法求出  $y$

% 因此只要对  $x$  离散化  $x(k), k = 1, 2, \dots$ , 再求得  $y(k)$ , 把点  $(x(k), y(k))$  连起来

```

%          就能得到由方程  $F(x,y) = 0$  所确定的隐函数  $y = f(x)$  的大致图像
% [要求] 绘制由下面方程所确定的隐函数  $y = f(x)$  的图像
%
%          
$$F(x,y) = \frac{y^3}{2 + 0.1\sin(xy)} + x^2 - 4x = 0, \quad -5 \leq x \leq 5$$

%
%          这里把  $[-5,5]$  用 linspace 命令 100 等分
%          第一次初值用  $y_0 = -4.6$ , 以后用  $y(k)$  作为下一次求  $y(k+1)$  的迭代初值(想一想有无道理?)
%          按照上面要求,请你把下面程序中的 '?' 部分填写正确了就是一个完整的程序
% [技巧] 由于  $x(k)$  变化, 每次函数  $F[x(k),y]$  也在变,你可以用一个全局变量解决此问题
% [注]   参考 ezplot 作图命令.

```

```

%% 隐函数作图
% function implicit_function
% global p          % 定义全局变量
% n = ?;
% x = linspace(?);
% y = zeros(1,n);  % 定义矩阵,初值是零,这是最常用的定义矩阵的方法
% y0 = -4.6;       % 第一次迭代初值
% for k = 1:n
%     p = ?;
%     y(k) = fzero(@fun,y0);
%     y0 = ?;
% end
% plot(?)          % 作图
% title(?)        % 加个标题
% %-----
% function z = fun(y) % 定义函数,这是最常用的定义函数的方式
% global p
% x = p;
% z = y^3/(2+0.1*sin(x*y))+x^2-4*x;

```