

% exp7_1.m --- 学习一阶常微分方程(组)初值问题的求解命令

function study_ode45

% [简介] ode45 是解一阶常微分方程(组)初值问题的命令
% 基于 4-5 阶的 Runge-Kutta 法(自适应(变步长))
% 其基本原理是在每一步中计算 6 个近似斜率 K1,K2,...,K6
% 用其中 4 个可得一个 4 阶的 RK 法,用其中 5 个可得一个 5 阶的 RK 法
% 两个结果进行比较,若两个结果相近则接受该近似值,若两个结果超出指定的精度,则减小步长.
% 若超过要求的有效位数,则增加步长.

% [例] 求解下面方程组

% $y_1' = f_1(x,y_1,y_2) = y_2, \quad y_1(0) = -1$

% $y_2' = f_2(x,y_1,y_2) = -y_1, \quad y_2(0) = 0$

% 写成向量形式

% $Y' = F(x,Y)$

% 其中

%
$$Y = \begin{bmatrix} y_1(x) \\ y_2(x) \end{bmatrix}, F = \begin{bmatrix} f_1(x,y_1,y_2) \\ f_2(x,y_1,y_2) \end{bmatrix}, Y(0) = \begin{bmatrix} -1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

% 精确解

% $y_1 = -\cos(x), y_2 = \sin(x)$

% 即

%
$$Y = \begin{bmatrix} -\cos(x) \\ \sin(x) \end{bmatrix}$$

% [调用方法] 见下

ab = [0,7]; % 求解区间(节点的离散是自动的,不一定等分)
% 如果 ab = [x1,x2,...,xn] 则在这些节点上求解,如 ab = 0:0.2:7;
Y0 = [-1,0]; % 初值

[x,Y]=ode45(@F,ab,Y0); % x 是离散的自变量(列向量)
% Y 是数值解,Y 的第 k 列 Y(:,k) 存放第 k 个函数的数值解

% 作图比较

xx = 0:0.1:7; yy1 = -cos(xx); yy2 = sin(xx);

figure(1)

plot(xx,yy1,'k-',x,yy2,'r','MarkerSize',6);

legend('精确解','数值解')

title('第一个函数','Color','b')

text(1.7,0,'\leftarrow y = -cos(x)')

```
figure(2)
plot(xx,yy2,'k-',x,Y(:,2),'r','MarkerSize',6);
legend('精确解','数值解')
title('第二个函数','Color','b')
text(1.7,0,' y = sin(x) \rightarrow')
% -----
function Z = F(x,Y)
% x 必须是标量, Z 必须列向量
Z = [ Y(2)
      -Y(1)];
```

% ***** 你的实验 *****

% (1) 用 ode45 解 P182 例 8,作图比较数值解与精确解

% (2) 用 ode45 解 P187 实验课题(三)(1),作图同上要求