

% exp1\_2.m --- 多项式求值的 Horner 算法

% [简介] matlab 中用多项式的系数(按降幂顺序)组成的向量来表示多项式,  
% 以 5 次多项式为例

%  $y = c_1*x^5 + c_2*x^4 + c_3*x^3 + c_4*x^2 + c_5*x + c_6$

% 用向量

%  $P = [c_1, c_2, \dots, c_6]$

% 来表示,注意它是 6 维向量(可以是行向量,也可以是列向量).

% [方法] Horner 算法(参见 P7)

%  $y = c_6 + (c_5 + (c_4 + (c_3 + (c_2 + c_1*x)*x)*x)*x)*x$

% 计算量为 5 次乘法,5 次加法,比按自然顺序计算大大减少了计算量

% [调用]  $y = \text{polyval}(P,x)$  这里  $x$  是矩阵(向量,标量), $y$  与  $x$  同维数

function try\_horner\_method

P = [2 1 0 4 -5 6];

% 表示多项式  $P(x) = 2x^5 + x^4 + 4x^2 - 5x + 6$

x = [1,2,3];

% 自变量取值

clc, disp('调用自编程序计算结果:')

y1 = mypolyval(P,x)

% 调用自编的 Horner 算法程序

% 求  $y_1 = [P(x_1), P(x_2), P(x_3)]$  的值

disp('调用 matlab 命令计算结果:')

y2 = polyval(P,x)

% 调用 matlab 中多项式求值命令

% 该命令也是用 Horner 算法编的

disp('二者结果完全一样!')

% ----- 多项式求值的 Horner 嵌套算法 -----

function y = mypolyval(P,x)

% y = mypolyval(P,x) --- 多项式求值的 Horner 嵌套算法

% P --- 向量(表示多项式)

% x --- 矩阵或向量或标量

%  $y = P(x)$ (维数同 x)

np = length(P); % 向量 P 的维数

[m,n] = size(x); % 矩阵 x 的维数(m 是行数,n 是列数)

y(1:m,1:n) = P(1); % 产生矩阵 y 它与 x 同维数,且每个元素都用 P(1) 赋值

% 以上两句可合并写为  $y(\text{size}(x))=P(1)$ ;

for k = 2:np

y = y.\*x + P(k);

% ★注意: 这里是点乘,另外矩阵加一个数等于矩阵每个元素加这个

数

end

% -----

% \*\*\*\*\* 你的实验 \*\*\*\*\*

% 【实验一】

% 通过 help 命令学习多项式运算的下列常用命令

```
% p = conv(p1,p2)          两个多项式相乘
% [q r] = deconv(p1,p2)   两个多项式相除
% p = poly(A)             如果 A 是方阵则求它的特征多项式
%                          如果 A 是向量,则求以其分量为根的多项式(★此命令以后常用)
% P = poly2str(p,'x')     把多项式写成我们习惯的表达式
% [注] 多项式求根,多项式拟合等命令在以后实验中学习
```

% 【实验二】

% 参考上面 mypolyval 函数,写出计算下面多项式的 Horner 嵌套算法

```
% y = d(1) + d(2)*(x-X(1)) + d(3)*(x-X(1))*(x-X(2)) + ... +
```

```
% d(n)*(x-X(1))*(x-X(2))*...*(x-X(n-1))
```

% 其中 d(i),X(i),x(向量) 已知,求 y(向量) (用例子说明你的正确性)

% [注] 在第四章中计算 Newton 插值多项式要用到此算法.