

```

% exp1_2.m --- 多项式求值的 Horner 算法

% [简介] matlab 中用多项式的系数(按降幂顺序)组成的向量来表示多项式,
%         以 5 次多项式为例
%          $y = c1*x^5 + c2*x^4 + c3*x^3 + c4*x^2 + c5*x + c6$ 
%         用向量
%          $P = [c1,c2,\dots,c6]$ 
%         来表示,注意它是 6 维向量(可以是行向量,也可以是列向量).
% [方法] Horner 算法(参见 P7)
%          $y = c6+(c5+(c4+(c3+(c2+c1*x)*x)*x)*x)*x$ 
%         计算量为 5 次乘法,5 次加法,比按自然顺序计算大大减少了计算量
% [调用]  $y = polyval(P,x)$  这里  $x$  是矩阵(向量,标量), $y$  与  $x$  同维数

function try_horner_method

P = [2 1 0 4 -5 6];           % 表示多项式  $P(x) = 2x^5 + x^4 + 4x^2 - 5x + 6$ 
x = [1,2,3];                 % 自变量取值

clc, disp('调用自编程序计算结果:')
y1 = mypolyval(P,x)         % 调用自编的 Horner 算法程序
                             % 求  $y1 = [P(x1),P(x2),P(x3)]$  的值

disp('调用 matlab 命令计算结果:')
y2 = polyval(P,x)          % 调用 matlab 中多项式求值命令
                             % 该命令也是用 Horner 算法编的

disp('二者结果完全一样!')

% ----- 多项式求值的 Horner 嵌套算法 -----
function y = mypolyval(P,x)
% y = mypolyval(P,x) --- 多项式求值的 Horner 嵌套算法
% P --- 向量(表示多项式)
% x --- 矩阵或向量或标量
% y = P(x)(维数同 x)
np = length(P);             % 向量 P 的维数
[m,n] = size(x);           % 矩阵 x 的维数(m 是行数,n 是列数 )
y(1:m,1:n) = P(1);         % 产生矩阵 y 它与 x 同维数,且每个元素都用 P(1) 赋值
                             % 以上两句可合并写为  $y(\text{size}(x))=P(1)$ ;

for k = 2:np
    y = y.*x + P(k);        % ★注意: 这里是点乘,另外矩阵加一个数等于矩阵每个元素加这个
    数
end
% -----

% ***** 你的实验 *****

% 【实验一】
% 通过 help 命令学习多项式运算的下列常用命令

```

```
% p = conv(p1,p2)          两个多项式相乘
% [q r] = deconv(p1,p2)   两个多项式相除
% p = poly(A)             如果 A 是方阵则求它的特征多项式
%                          如果 A 是向量,则求以其分量为根的多项式(★此命令以后常用)
% P = poly2str(p,'x')     把多项式写成我们习惯的表达式
% [注] 多项式求根,多项式拟合等命令在以后实验中学习
```

% 【实验二】

% 参考上面 mypolyval 函数,写出计算下面多项式的 Horner 嵌套算法

```
% y = d(1) + d(2)*(x-X(1)) + d(3)*(x-X(1))*(x-X(2)) + ...+
%      d(n)*(x-X(1))*(x-X(2))*...*(x-X(n-1))
```

% 其中 d(i),X(i),x(向量) 已知,求 y(向量) (用例子说明你的正确性)

% [注] 在第四章中计算 Newton 插值多项式要用到此算法.